

# 11 MATEMATICKÁ STATISTIKA – 4. ČÁST

## 11.1 Některé neparametrické testy

### $\chi^2$ - test dobré shody

- slouží k ověření shody mezi teoretickým a empirickým rozdělením
- je použitelný pouze v případě velkých výběrů
- předpokladem testu je možnost rozřadit výsledky náhodného výběru do určitého počtu ( $k$ ) disjunktních tříd podle zvoleného znaku
- v případě, že nemáme k dispozici výběr dostatečného rozsahu, použijeme místo tohoto testu *Kolmogorovův-Smirnovův test*.

### Požadavky na rozsah výběru:

Je nutné, aby rozsah výběru zajistil, že bude dostatečně obsazení ve všech skupinách, do nichž je soubor rozříděn, tj.  $n\pi_{0,i} > 5$  pro  $i = 1, 2, \dots, k$ .

Někdy bývá tato podmínka formulována mírněji: ve všech třídách musí platit  $n\pi_{0,i} > 1$  a alespoň v 80 % tříd musí platit  $n\pi_{0,i} > 5$ .

*Nejsou-li výše uvedené podmínky splněny, je možno sloučit některé třídy (např. sousední či věcně příbuzné).*

### $\chi^2$ - test dobré shody se používá ve 2 situacích:

1.  $H_0$  udává proporce četností v jednotlivých skupinách (což může být formulováno např. intuitivně).
2.  $H_0$  předpokládá, že ZS má rozdělení určitého typu:
  - Pokud  $H_0$  udává typ rozdělení i jeho parametry, jedná se o *úplně specifikovaný model*.
  - Pokud  $H_0$  udává pouze typ rozdělení bez specifikace parametrů, jde o *neúplně specifikovaný model*.

### Ad 1.

1.  $H_0 : \pi_i = \pi_{0,i}$ , pro  $i = 1, 2, \dots, k$   
 $H_1 : \text{non } H_0$

2.  $G = \sum_{i=1}^k \frac{(n_i - n\pi_{0,i})^2}{n\pi_{0,i}}$ , při platnosti  $H_0$  má rozdělení  $\chi^2(k-1)$

$n_i$  je empirická (pozorovaná, výběrová) četnost

$n\pi_{0,i}$  je teoretické (hypotetická) četnost, tj. teoretické obsazení  $i$ -té třídy

3.  $W \equiv \{G; G \geq \chi_{1-\alpha}^2(k-1)\}$

## Ad 2.

➤ *Úplně specifikovaný model (příklad)*

1.  $H_0 : Po(2)$   
 $H_1 : non H_0$

Další postup viz případ 1.

➤ *Neúplně specifikovaný model (příklad)*

1.  $H_0 : Po(\lambda)$   
 $H_1 : non H_0$

2.  $G = \sum_{i=1}^k \frac{(n_i - n\pi_{0,i})^2}{n\pi_{0,i}}$ , při platnosti  $H_0$  má rozdělení  $\chi^2(k - p - 1)$

$p$  je počet parametrů rozdělení, které odhadujeme

3.  $W \equiv \{G; G \geq \chi_{1-\alpha}^2(k - p - 1)\}$

**Závěr testu:** Pokud  $TK \in W$ , zamítáme  $H_0$  (tzn., že přijímáme  $H_1$ ). V tom případě není rozdělení, specifikované nulovou hypotézou, vhodným modelem pro empirická data. Shoda teoretického a empirického rozdělení se na hladině významnosti  $\alpha$  nepotvrdila.