



# Elektrostatika 1 – FYZ2

## 2023 FS

Ing. Štěpán Kunc, Ph.D.

[stepan.kunc@tul.cz](mailto:stepan.kunc@tul.cz)

# Práce elektrostatického pole

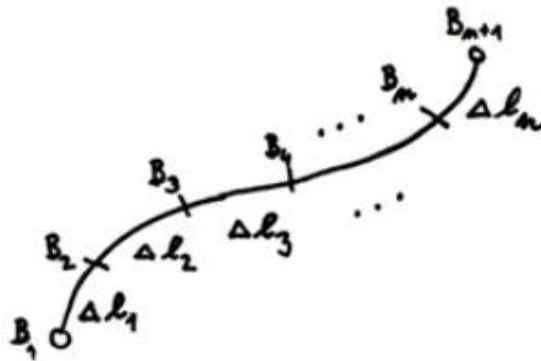
Pole přesune náboj  $q$  po úsečce délky  $\Delta l$  a vykoná práci  $\Delta W = F \Delta l \cos \alpha$

**W – práce elektrostatické síly**  $\Delta W = qE\Delta l \cos \alpha = q\vec{E}\vec{\Delta l}$

celková práce po křivce

$$W = \sum_i q \vec{E}_i \vec{\Delta l}_i$$

Pro přesné určení práce -  $\Delta l \rightarrow dl$



**W – práce elektrostatické síly**

$$W = q \int_{\vec{l}} \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

# Potenciál a napětí

Pole tvořené náboji lze popsat pomocí – **Potenciální energie (skalární veličina)**

**$E_p$  – Potenciální energie**      $E_p(\vec{r}) = W_{0 \rightarrow \vec{r}}$       $-dE_p = dW = \vec{F} \cdot d\vec{r} = q\vec{E} \cdot d\vec{r}$

Místo nulové potenciální energie volíme odkud přenášíme náboj volíme často v nekonečnu

**$E_p$  – Potenciální energie**      $W_{0 \rightarrow \vec{r}} = \int_{\infty}^{\vec{r}} q\vec{E} \cdot d\vec{r} = q \int_{\infty}^{\vec{r}} \vec{E} \cdot d\vec{r}$

**$\varphi$  – Potenciál elektrostatického pole** – je v daném místě dán podílem potenciální energie náboje a velikostí tohoto náboje.

$$\varphi = \frac{E_p}{q} \quad [\text{V}] \quad 1\text{V} = 1 \text{ volt}$$

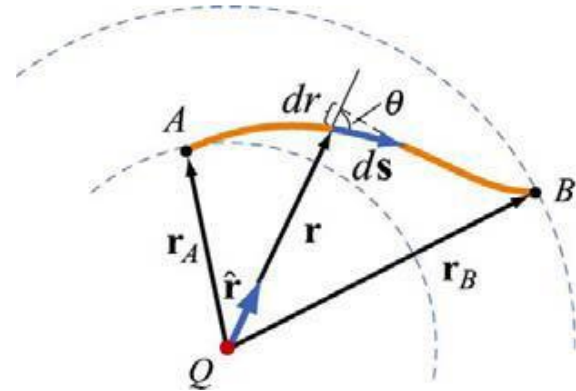
**$\varphi$  – Potenciál elektrostatického pole**      $\varphi(\vec{r}) = \int_{\infty}^{\vec{r}} \vec{E} \cdot d\vec{r}$

# Potenciál a napětí

$$\varphi(\vec{r}) = \int_{\infty}^{\vec{r}} \vec{E} \cdot d\vec{r}$$

$U_{AB}$  – Napětí mezi body A a B = rozdíl potenciálů A a B

$$U_{BA} = \varphi(\vec{r}_B) - \varphi(\vec{r}_A) = \int_{\vec{r}_A}^{\vec{r}_B} \vec{E} \cdot d\vec{r}$$

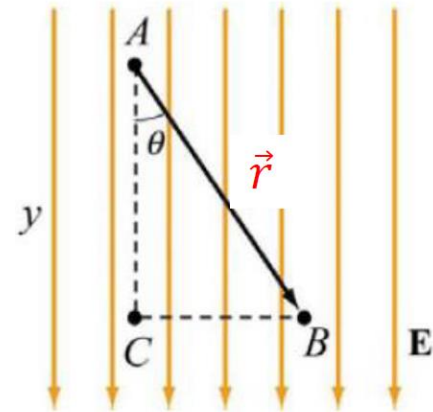


$U_{AB}$  – v homogenním poli

$$U_{BA} = \int_{\vec{r}_A}^{\vec{r}_B} \vec{E} \cdot d\vec{r} = \vec{E} \cdot \int_{\vec{r}_A}^{\vec{r}_B} d\vec{r} = \vec{E} \cdot \vec{r}$$

$W$  – Pro práci vykonanou polem při přemístění a mezi místy  $U$  platí

$$W = qU$$



# Potenciál a napětí

Protože jak potenciální energie, tak i elektrostatická síla jsou úměrné náboji, musí obdobný vztah jako pro potenciální energii a pro sílu, platit i pro potenciál a intenzitu elektrického pole Ekvipotenciální

$$-dE_p = dW = \vec{F} \cdot d\vec{r} = q\vec{E} \cdot d\vec{r} = q(E_x dx + E_y dy + E_z dz)$$

$$\frac{1}{q} dE_p = \varphi_{(\vec{r}+d\vec{r})} - \varphi_{(\vec{r})} = \frac{\partial \varphi}{\partial x} dx + \frac{\partial \varphi}{\partial y} dy + \frac{\partial \varphi}{\partial z} dz$$

$$\vec{E} = -\left(\frac{\partial \varphi}{\partial x}, \frac{\partial \varphi}{\partial y}, \frac{\partial \varphi}{\partial z}\right)$$

**V elektrostatice**  $\vec{E} = -\vec{\nabla}\varphi$

$\text{rot}\vec{E} = -\text{rotgrad}\varphi = \vec{0}$   
Elektrostatické pole je nevírové

**Ekvipotenciální plochy** – spojují v prostoru místa stejného potenciálu.

Síločáry jsou kolmé k ekvipotenciálním plochám.

Při pohybu po ekvipotenciální ploše totiž

$$\vec{F} \cdot d\vec{r} = q\vec{E} \cdot d\vec{r} = 0 \quad \Longrightarrow \quad \vec{E} \text{ a } d\vec{r} \text{ jsou na sebe kolmé}$$

# Potenciál a napětí

V elektrostatice

$$\vec{E} = -\vec{\nabla}\varphi$$

$$\text{rot}\vec{E} = -\text{rotgrad}\varphi = \vec{0}$$

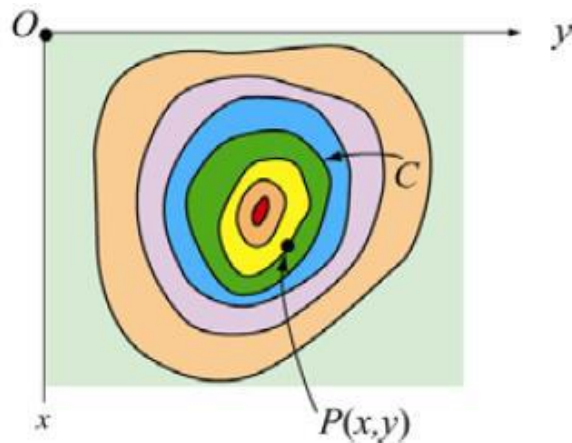
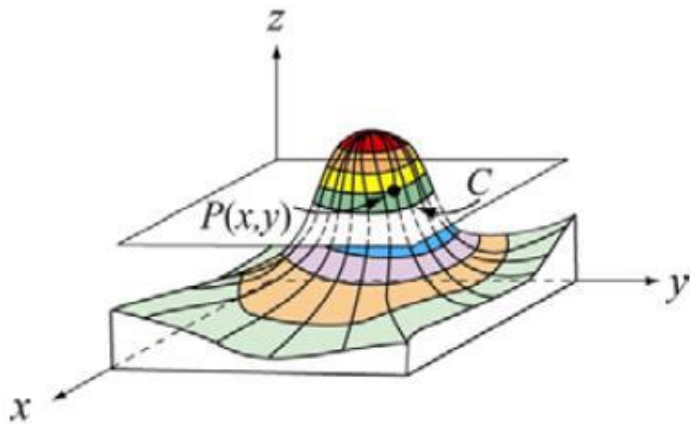
Elektrostatické pole je nevírové

**Ekvipotenciální plochy** – spojují v prostoru místa stejného potenciálu.

Siločáry jsou kolmé k ekvipotenciálním plochám.

Při pohybu po ekvipotenciální ploše totiž

$$\vec{F} \cdot d\vec{r} = q\vec{E} \cdot d\vec{r} = 0 \quad \Rightarrow \quad \vec{E} \text{ a } d\vec{r} \text{ jsou na sebe kolmé}$$



# Potenciál bodového náboje

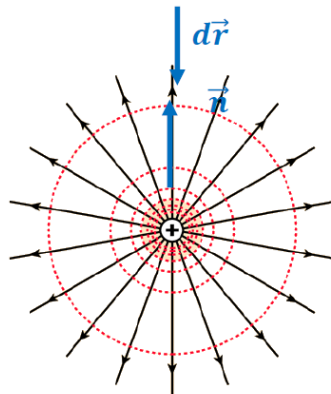
$$\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \vec{n}$$

$\vec{n}$  je jednotkový vektor

$$\vec{n} \cdot d\vec{r} = |\vec{n}| dr \cdot \cos 180^\circ = -1 \cdot dr$$

$$\varphi(\vec{r}) = \int_{\infty}^{\vec{r}} \vec{E} \cdot d\vec{r} = \int_{\infty}^{\vec{r}} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \vec{n} \cdot d\vec{r} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \int_{\infty}^{\vec{r}} \frac{1}{r^2} \vec{n} \cdot d\vec{r} = \frac{-q}{4\pi\epsilon_0} \int_{\infty}^{\vec{r}} \frac{1}{r^2} dr = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{r}$$

$$\varphi(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r}$$



# Gaussova věta v elektrostatice