

## Nové možnosti rozvoje vzdělávání na Technické univerzitě v Liberci

Specifický cíl A2: Rozvoj v oblasti distanční výuky, online výuky a blended learning

### NPO\_TUL\_MSMT-16598/2022



## Smart oděvy

Zdeněk Kůs



Financováno  
Evropskou unií  
NextGenerationEU



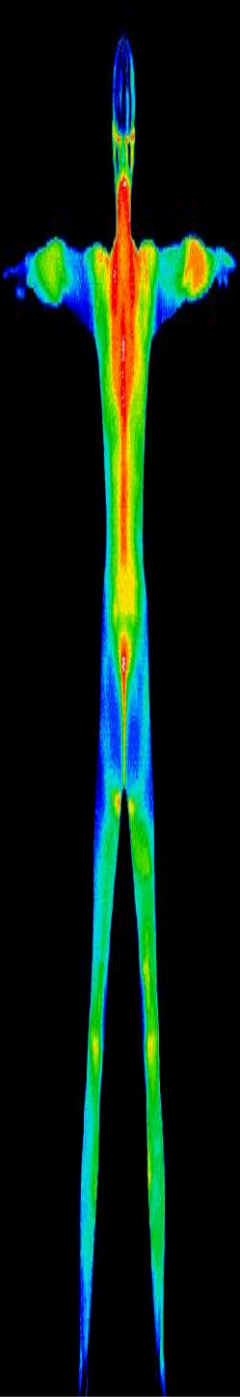
Národní  
plán  
obnovy



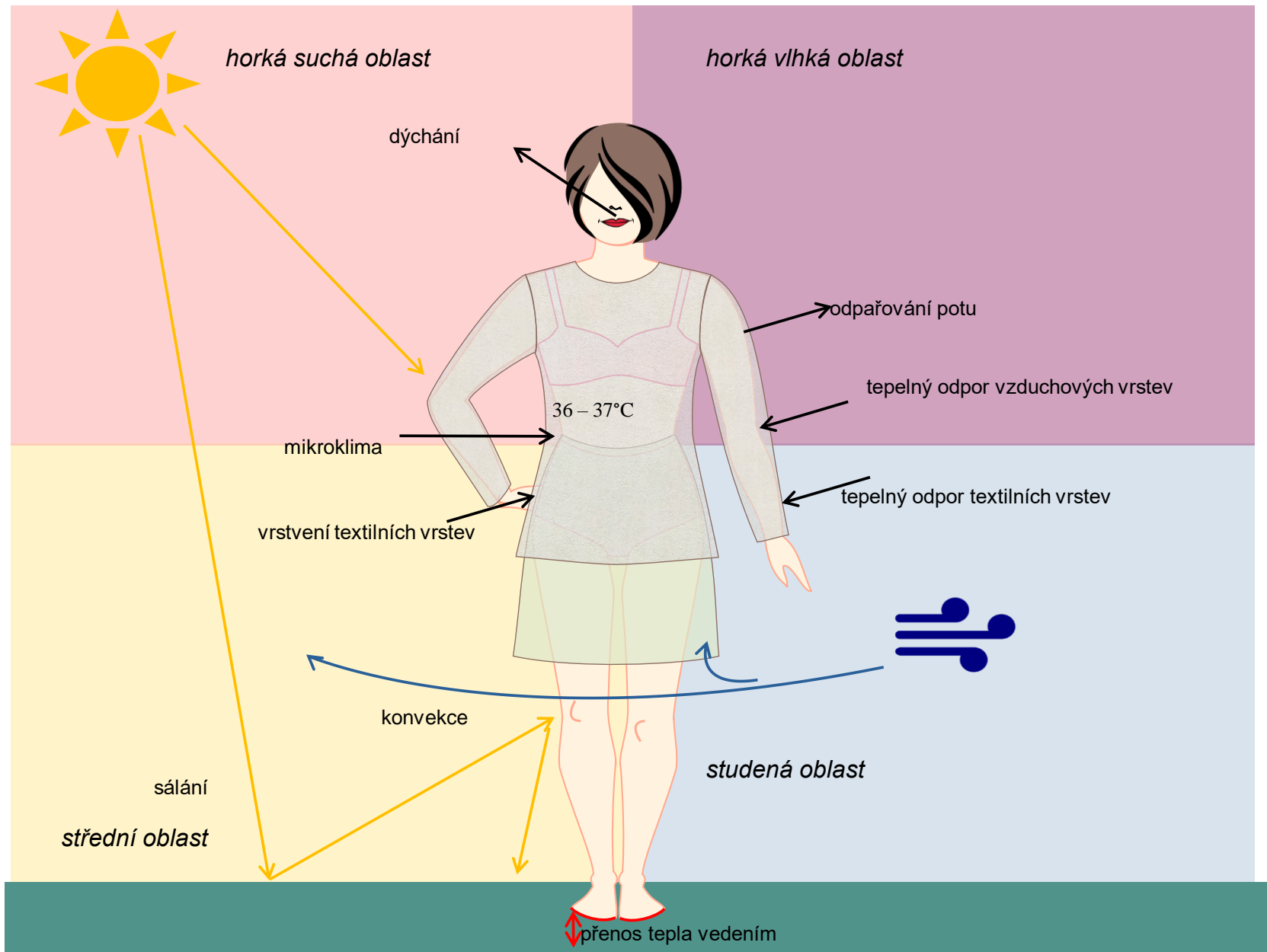
MINISTERSTVO ŠKOLSTVÍ,  
MLÁDEŽE A TĚLOVÝCHOVY

# SOD

Smart oděvy



Komfort - teplo



# Zákony zachování

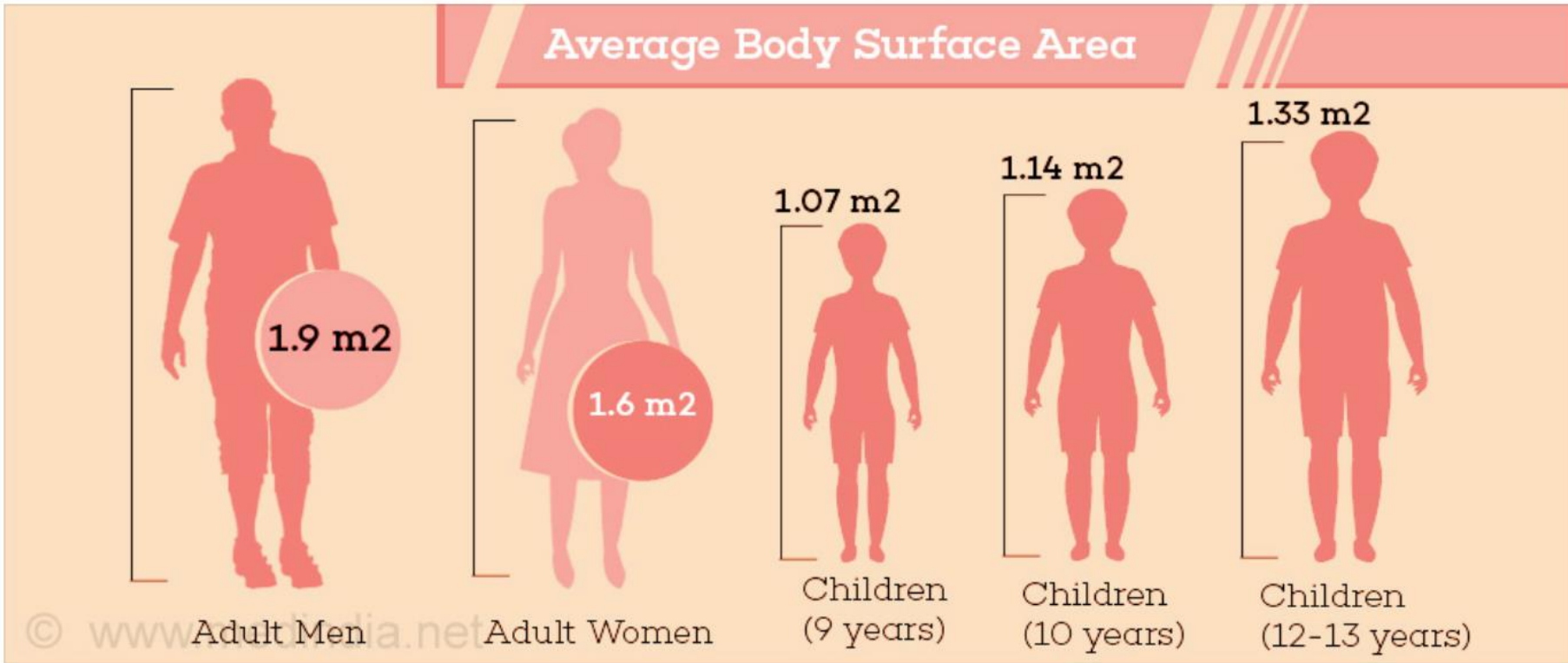
Lavoisier (1743-1794)

M.V.Lomonosov (1711-17665) – tepelné jevy jsou projevem pohybu částic

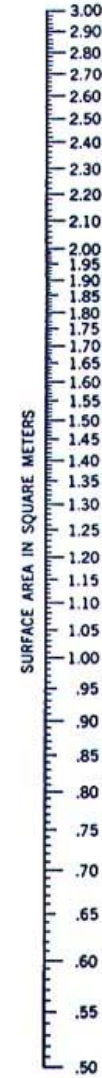
Hmotnosti

Energie

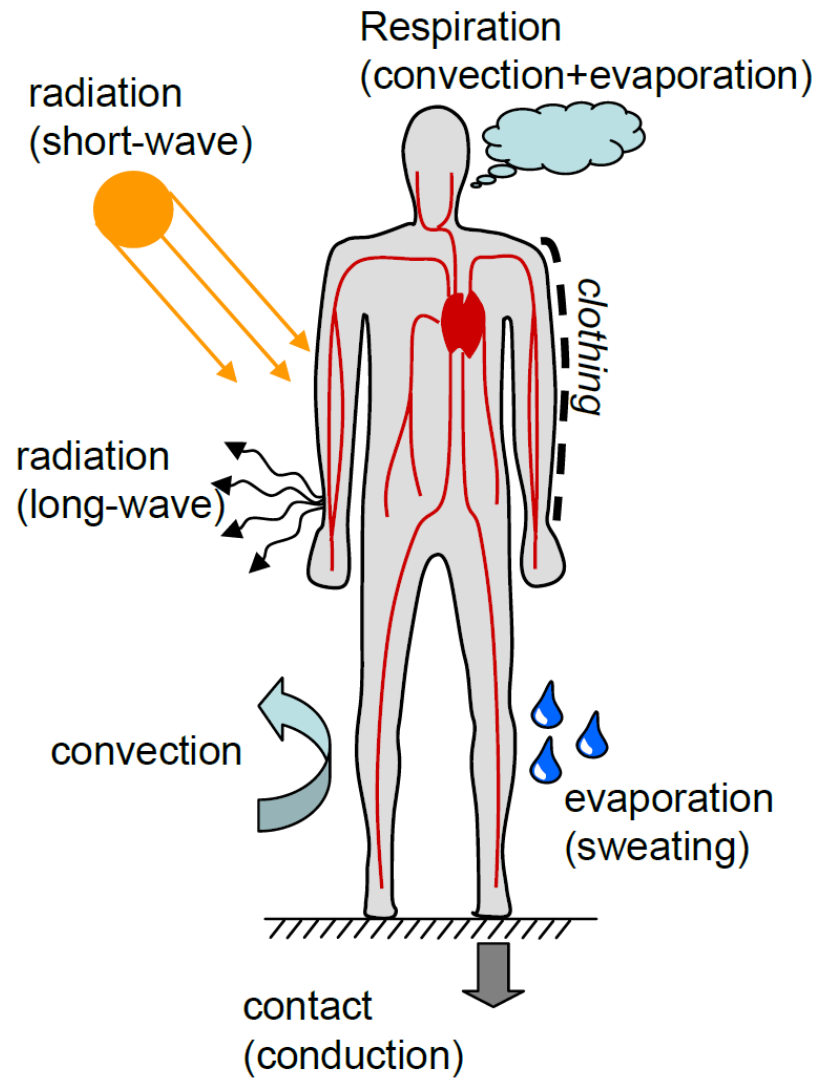
# Lidské tělo – povrch ?



# Lidské tělo – povrch ?



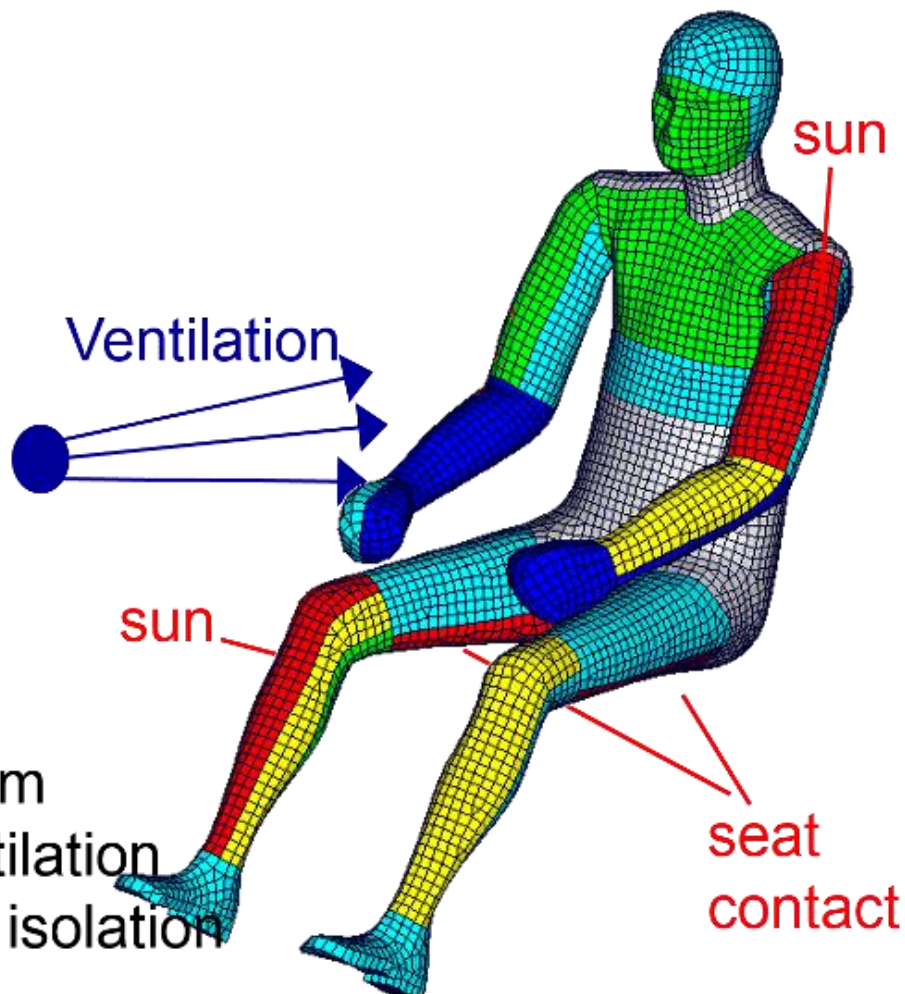
# Lidské tělo – povrch ?





- 0 not assigned
- 1 cold (uncomf.)
- 2 cool (comf.)
- 3 neutral (comf.)
- 4 warm (comf.)
- 5 hot (uncomf.)

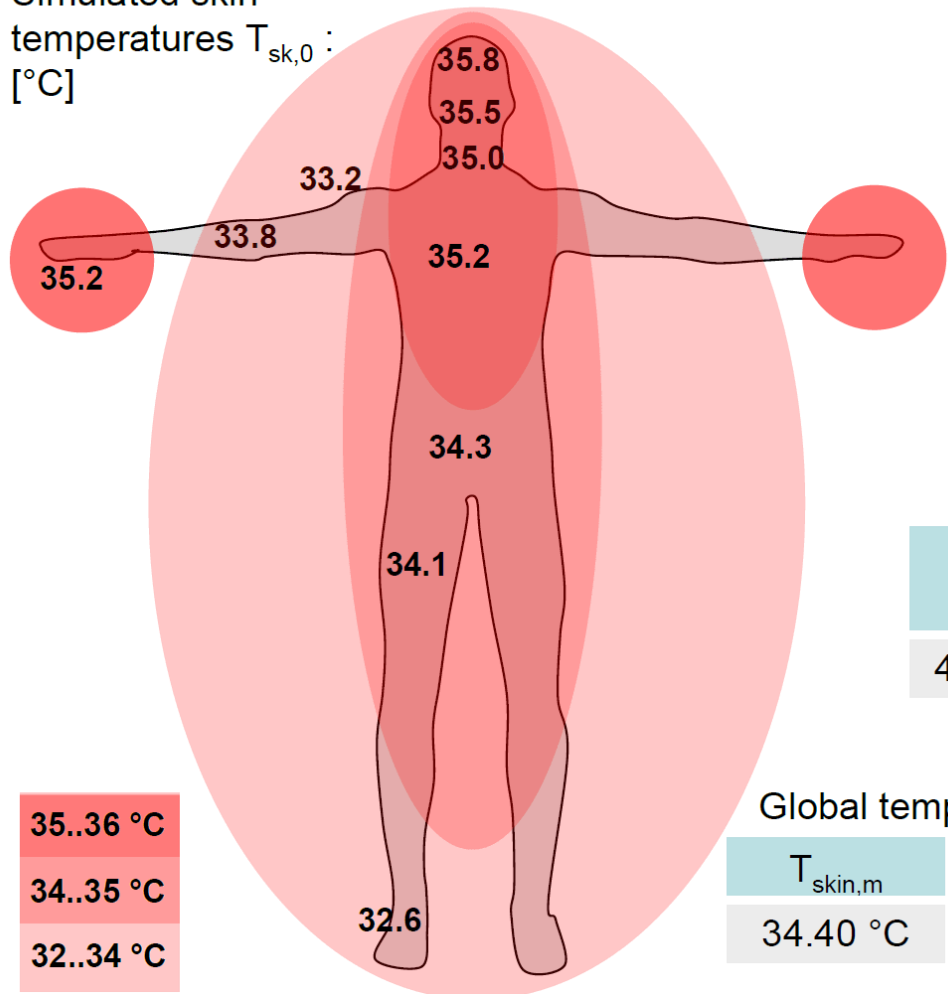
uncomfortable regions result from sun heating, ventilation and seat contact isolation



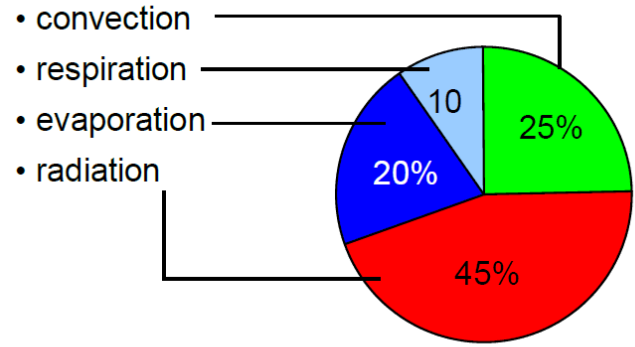
Boundary conditions of unclothed manikin

$T_{air}$	$T_{wall}$	$v_{air}$	humidity	metabolism
30.0 °C	30.0 °C	0.05 m/s	40 %	≈87 W

Simulated skin temperatures  $T_{sk,0}$  : [°C]



In the quasi-stationary state of neutrality the inner heat production is equal to the outer **heat loss** from



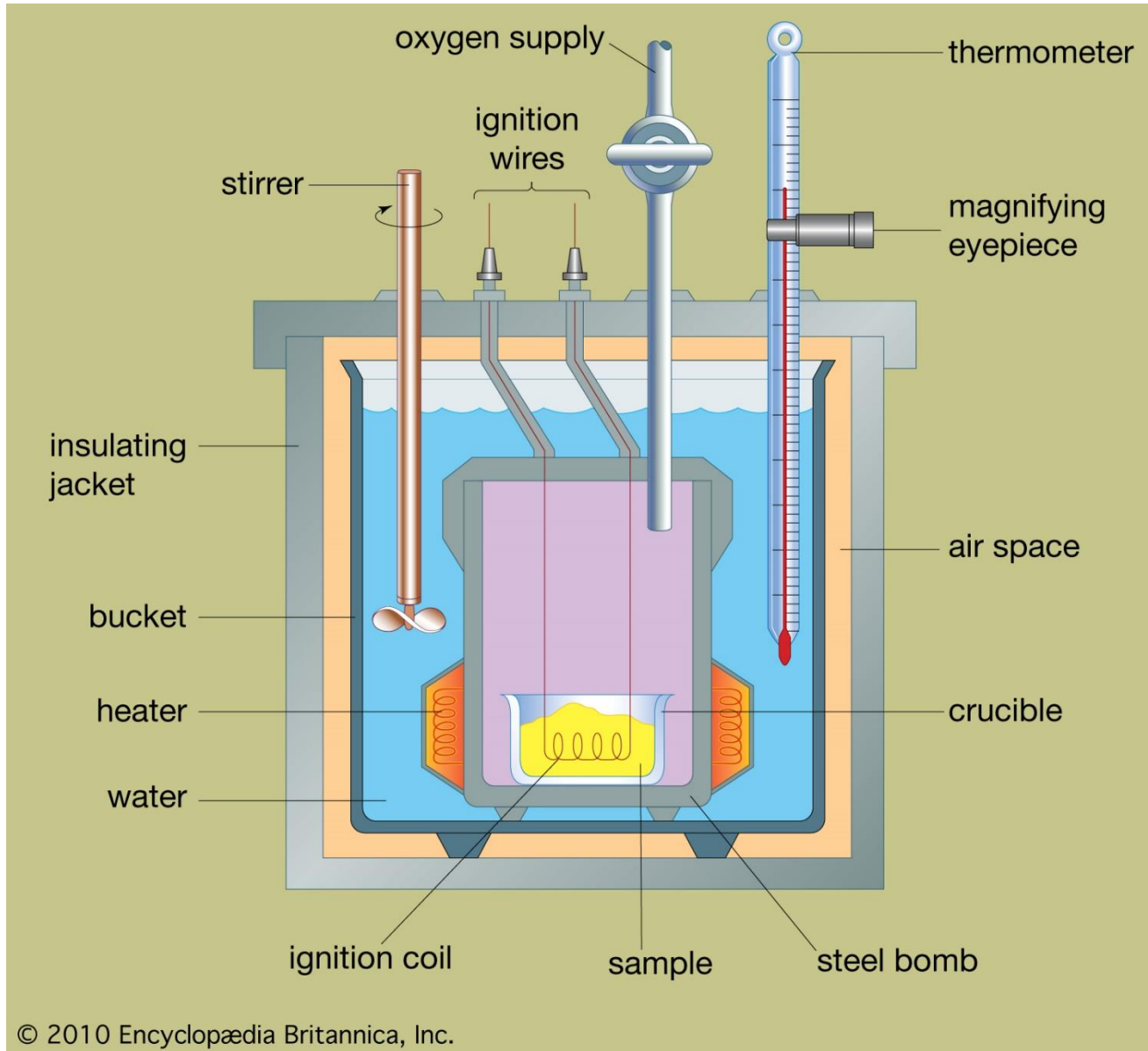
35..36 °C
34..35 °C
32..34 °C

cardiac output	skin blood flow	mass loss
4.9 ltr/min	24.3 W/K	0.73 g/min

Global temperatures:

$T_{skin,m}$	$T_{muscle,m}$	$T_{hypothalamus}$	$T_{rectal}$
34.40 °C	36.20 °C	37.00 °C	36.88 °C

# Kalorimetr



# Kalorimetr

Cílem je definovaně provádět výměnu tepla mezi tělesy

Měřit teploty, počáteční a koncovou

Proces musí probíhat **izolovaně od okolí**

V nejjednodušším případě dvě nádoby vsunuté do sebe, vzájemně izolované (podobně jako „termoska“)

Nutné dokonalé promísení kapalin - míchačka

# Kalorimetrická rovnice

Tepelná výměna v izolované soustavě

Veškeré teplo, které jedno těleso odevzdá, jiné těleso přijme

$$c_1 \cdot m_1 \cdot (t_1 - t) = c_2 \cdot m_2 \cdot (t - t_2)$$

$m$  ... hmotnosti těles

$c$  ... měrné tepelné kapacit

$t$  ... teploty těles, teplota výsledná

# Příklad

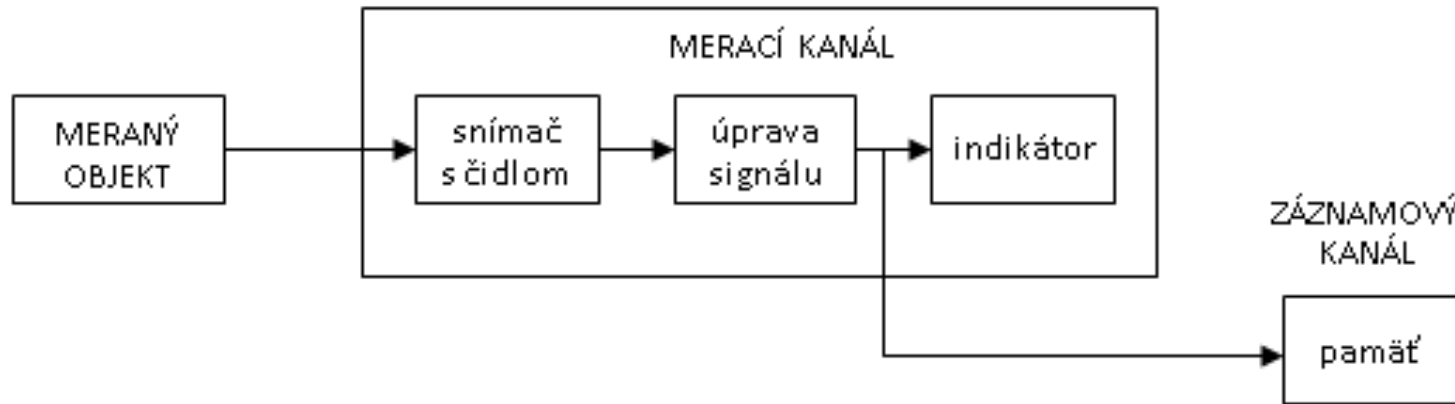
Do 1 kg vody o teplotě 20 °C vložíme 100g olověný váleček o teplotě 200 °C.

Vypočítejte teplotu vody s válečkem poté, co se teploty vyrovnají

Měrná tepelná kapacita pro vodu je 4181 J/kgK

Měrná tepelná kapacita pro ocel je 129 J/kgK

# Měření teploty



# 1. Přenos tepla v soustavě – organismus – oděv – prostředí

- kondukcí (vedením)
- konvencí (prouděním)
- radiací (zářením)
- evaporací (odpařováním potu)
- respirací (dýcháním)



# Přenos tepla

- Stacionární (ustálený) – teplotní rozdíl je stálý, v čase se nemění
- Nestacionární (neustálený) – dochází k vyrovnávání teplotních rozdílů v průběhu času

# 1. Přenos tepla kondukcí (vedením)

Částice látky s vyšší teplotou předávají část své střední energie při srážkách částicím s místech s nižší teplotou (ty mají nižší střední energii)

Částice kmitají kolem svých rovnovážných poloh

Nastává obvykle na styku dvou těles z pevných látek při jejich kontaktu

Přenos tepla ve směru klesající teploty ( u plynů a kapalin se kromě toho uplatňuje také přenos tepla prouděním) nebo může být doplněno přenosem radiací (sáláním)

Platí **zákon zachování energie**

Platí **zákony vedení tepla**

# Přenos tepla vedením

- *Jean-Babtiste Joseph Fourier*
- *(1768-1830)*
  
- *Zjistil, že teplo prošlé tělesem je přímo úměrné teplotním spádu, času a ploše*
  
- *Tok tepla mezi dvěma blízkými místy v tělese je úměrný rozdílu jejich teplot*



## Přenos tepla kondukcí (vedením) pro textilní vrstvu

Měrný tepelný tok  $q$  [ $\text{W}/\text{m}^2$ ]

### FOURIERŮV ZÁKON

$$q = -\lambda (T_2 - T_1)$$

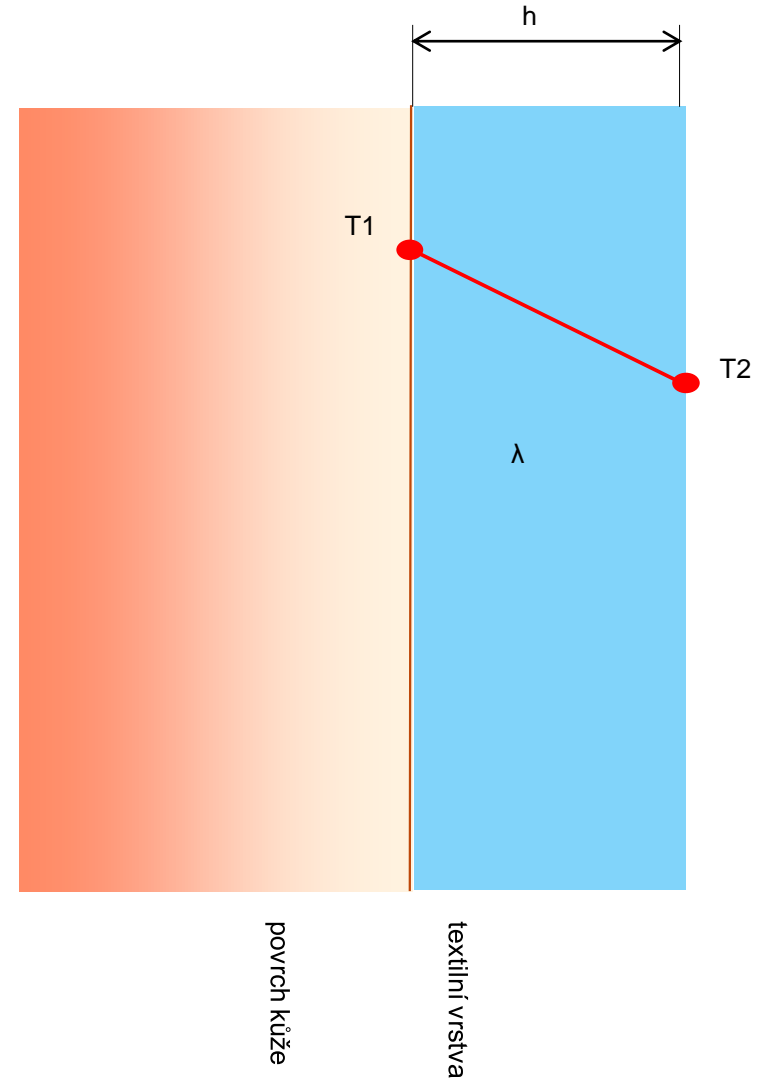
$\lambda$  – součinitel tepelné vodivosti [ $\text{W}/\text{mK}$ ]

Tepelný odpor  $R$  [ $\text{m}^2 \cdot \text{K}/\text{W}$ ]

$$R = h / \lambda$$

$h$  - tloušťka

Pro více vrstev  $R = R_1 + R_2 + R_3 + \dots$



## Přenos tepla kondukcí – vedením - pro textilní vrstvu

### Tepelná vodivost - příklady

vzduch v klidu, 20°C - 0,026 W/m\*K

voda 0,6 W/m\*K

Proto tedy například vlhký oděv lépe vede teplo, je nám v něm pocitově „chladněji“

## Přenos tepla kondukcí – vedením

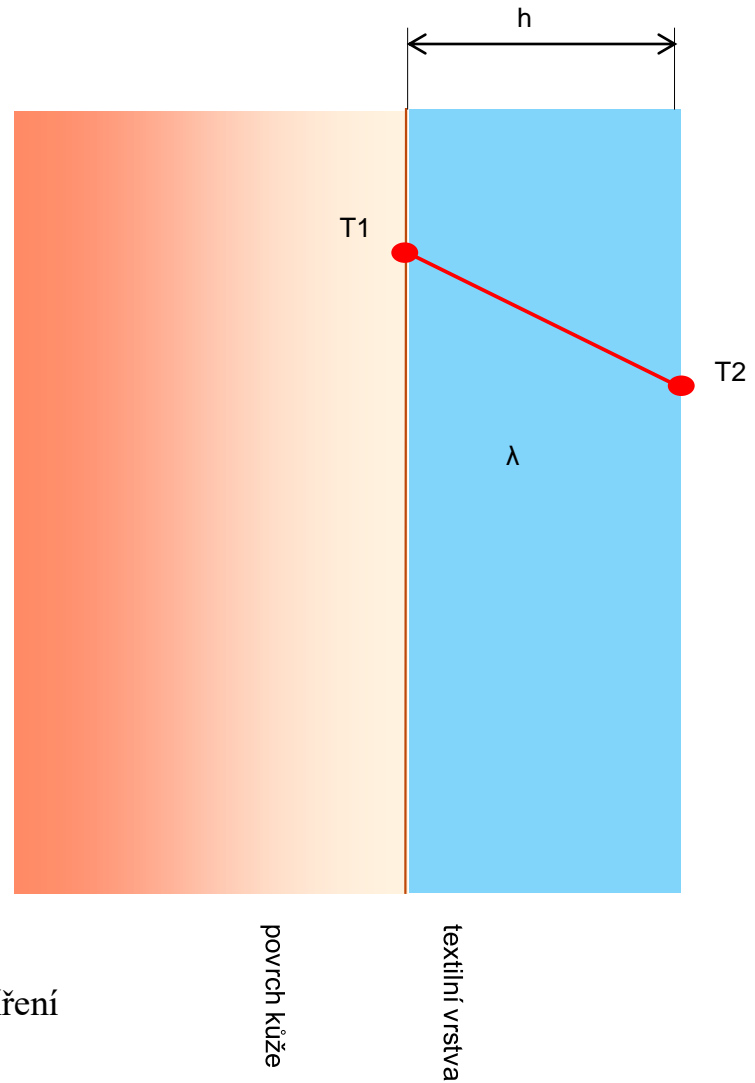
- pro textilní vrstvu

Totéž s gradientem

$$q = -\lambda \frac{dT}{dx}$$

$$q = -\lambda \text{ grad } T$$

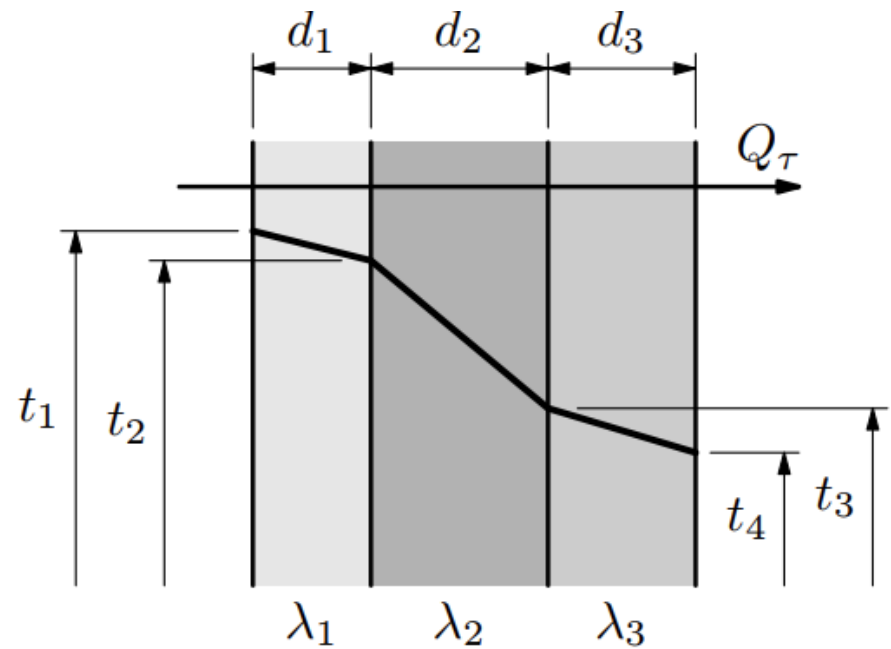
$dT/dx$ , grad T - jak rychle roste teplota ve směru šíření



## Přenos tepla kondukcí – vedením

- Pro více vrstev – součinitel prostupu tepla

- $$k = \frac{1}{\frac{d_1}{\lambda_1} + \frac{d_2}{\lambda_2} + \frac{d_3}{\lambda_3}}$$



# Přenos tepla kondukcí - vedením

· v třírozměrném tělese v čase  $\tau$  popisuje rovnice:

$$\frac{\delta t}{\delta \tau} = a \cdot \left( \frac{\delta^2 t}{\delta x^2} + \frac{\delta^2 t}{\delta y^2} + \frac{\delta^2 t}{\delta z^2} \right) = a \cdot \nabla^2 t$$

- kde  $t$  [s] je teplotní pole a  $a$  [m<sup>2</sup>/s] teplotní vodivost

$$a = \frac{\lambda}{\rho \cdot c}$$

potom

$$\rho \cdot c \frac{\delta t}{\delta \tau} = \lambda \cdot \left( \frac{\delta^2 t}{\delta x^2} + \frac{\delta^2 t}{\delta y^2} + \frac{\delta^2 t}{\delta z^2} \right)$$

a pro 1D

$$\rho \cdot c \frac{\delta t}{\delta \tau} = \frac{\lambda \cdot \delta^2 t}{\delta x^2}$$



# Přenos tepla konvekcí - prouděním

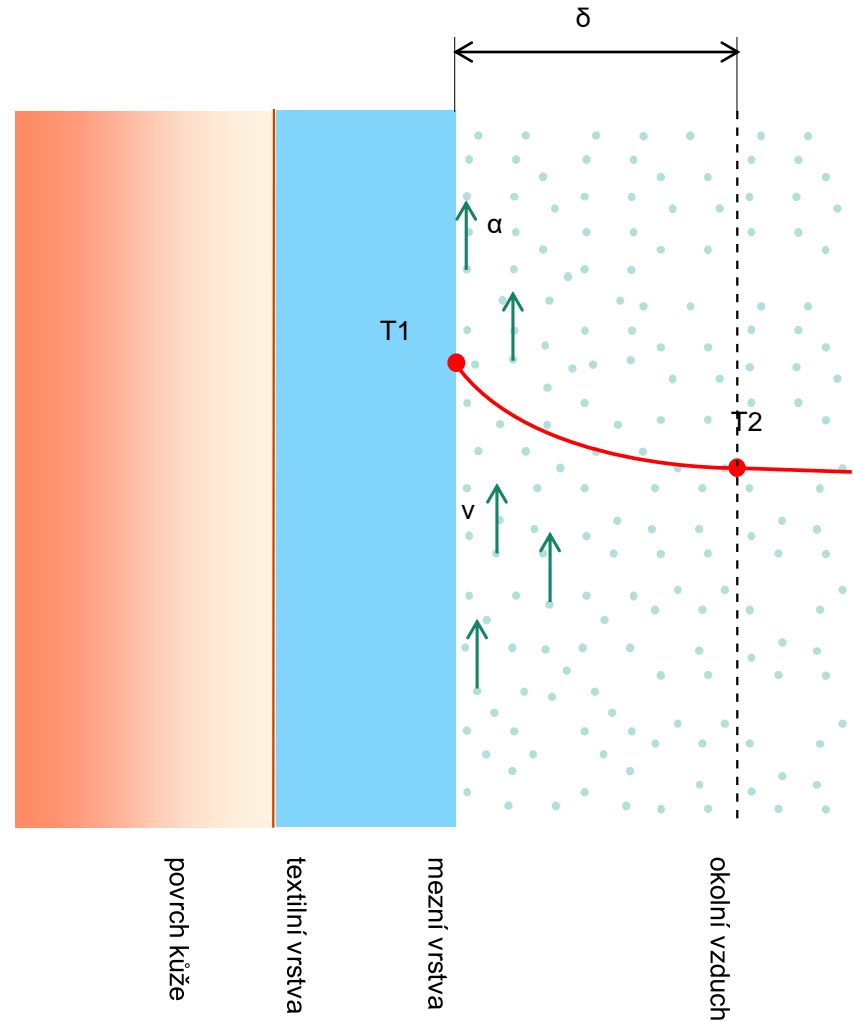
- pro textilní vrstvu a mezeru

Měrný tepelný tok  $q$  [w/m<sup>2</sup>]

## NEWTONŮV ZÁKON

$$q = \alpha \cdot (T_1 - T_2)$$

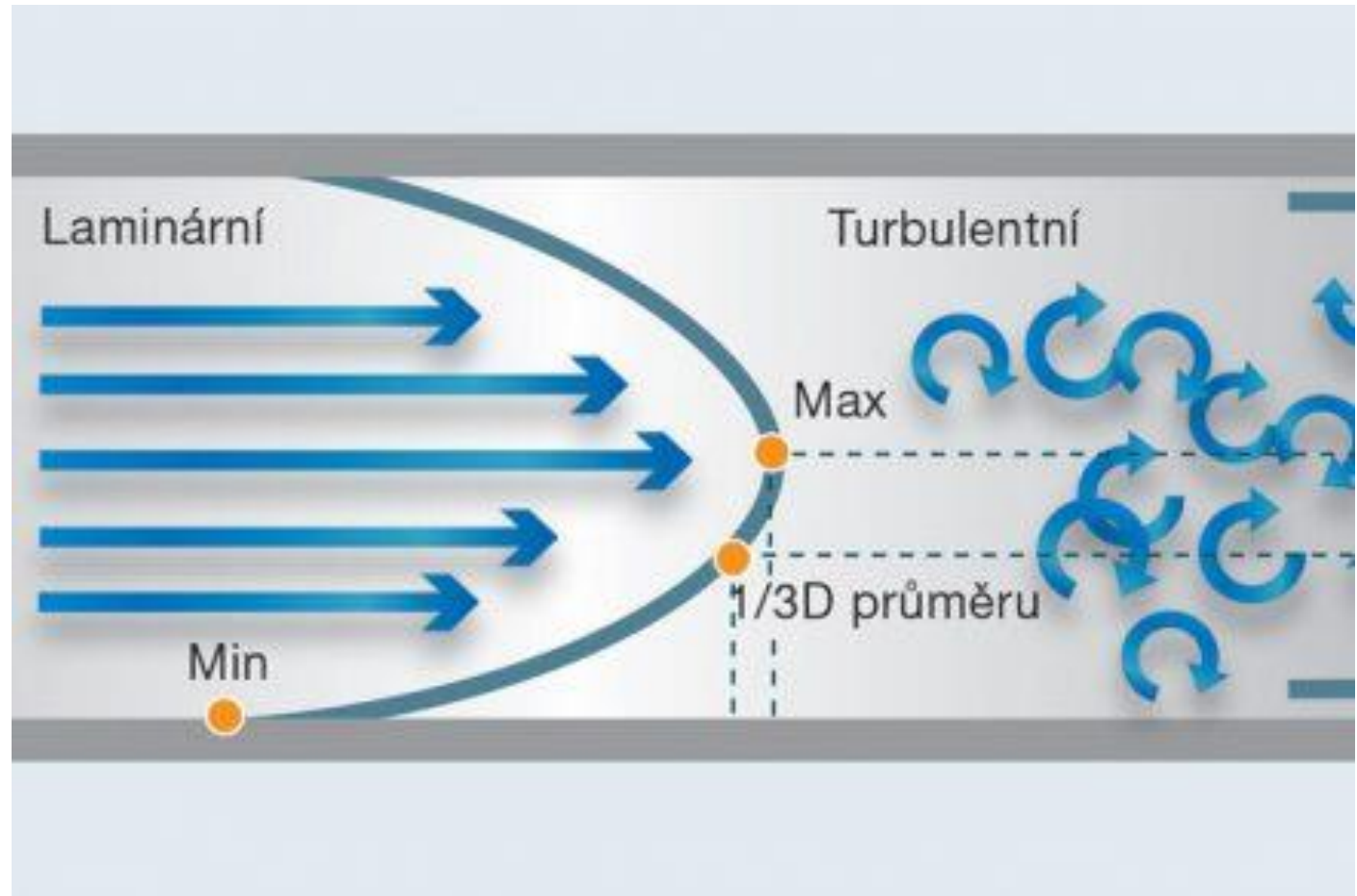
$\alpha$  je součinitel přestupu tepla



# Přenos tepla konvekcí – prouděním

Proudění

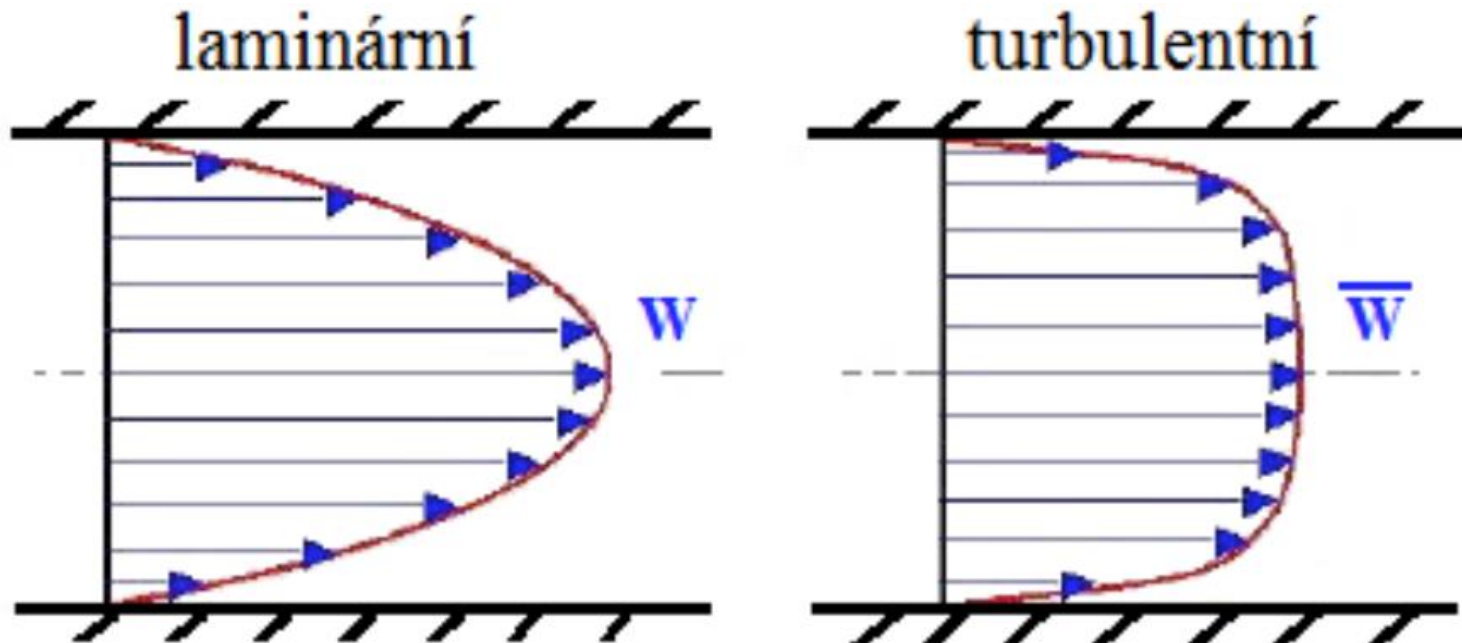
- Laminární
- Turbulentní



# Přenos tepla konvekcí – prouděním

Proudění

- Laminární
- Turbulentní



# Přenos tepla konvekcí – prouděním

## Proudění

- Laminární
- Turbulentní

Lze charakterizovat pomocí **Reynoldsova čísla** - bezrozměrná veličina, která dává do souvislosti setrvačné síly a viskozitu (tedy odpor prostředí v důsledku vnitřního tření).

Je pomocí něj možné určit, zda je proudění tekutiny laminární, nebo turbulentní.

Čím je Reynoldsovo číslo vyšší, tím nižší je vliv třecích sil částic tekutiny na celkový odpor. (turbulentní >2300)

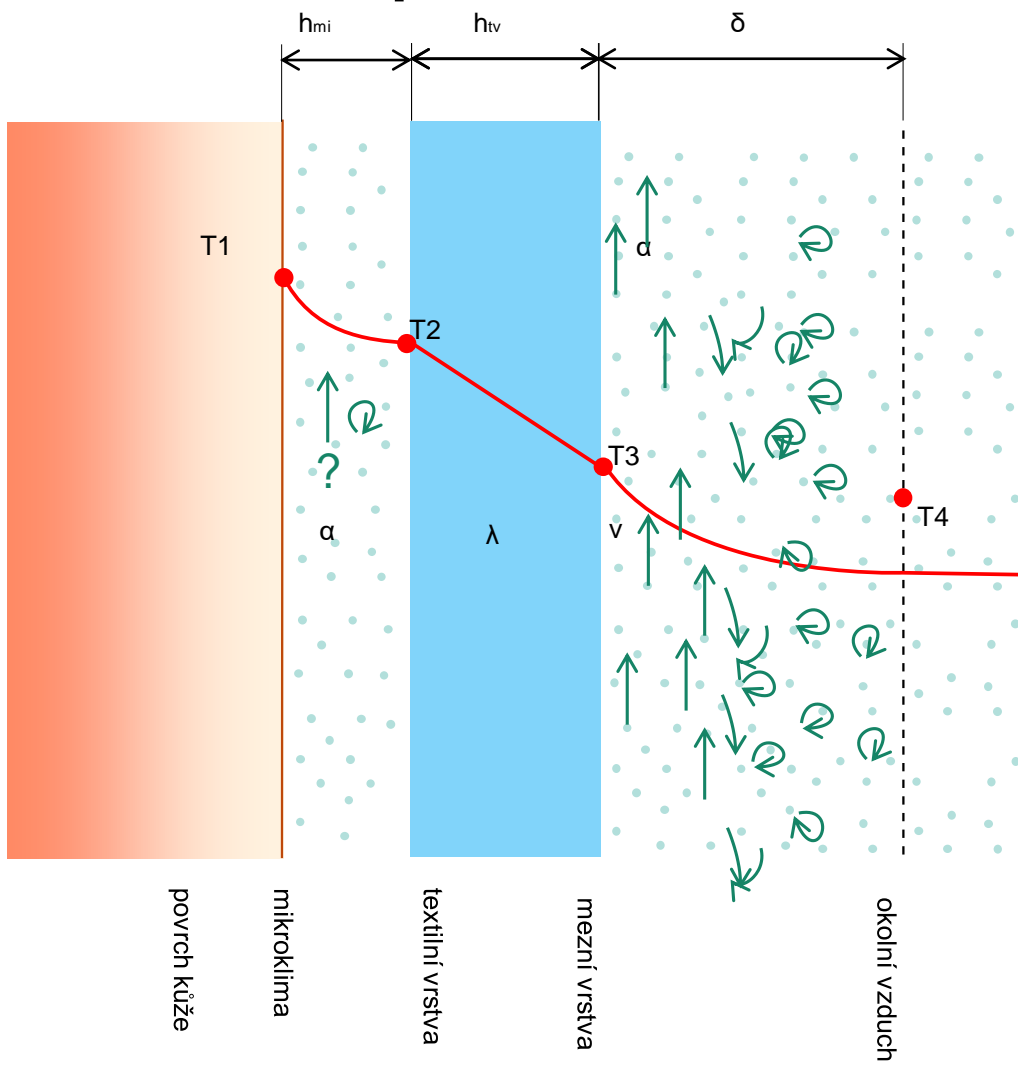
# Přenos tepla konvekcí – prouděním

- $\alpha$  je součinitel přestupu tepla
- zahrnuje všechny parametry, které ovlivňují konvekci

$$\alpha = f(\begin{array}{ll} u & \text{rychlost} \\ d & \text{charakteristický rozměr} \\ \rho & \text{hustota} \\ \nu & \text{viskozita} \\ c & \text{měrná tepelná kapacita} \\ \lambda & \text{měrná tepelná vodivost} \end{array})$$

- vztah mezi těmito parametry vyjadřují tzv. bezrozměrná kritéria

# Komplexní odvod tepla oděvem od pokožky do prostředí



# Přenos tepla

- Teploty před a za stěnou jsou konstantní
- Sdílení prouděním – vedením – prouděním

- Zákon zachování energie:

$$Q_{t_1} = Q_{t_2} = Q_{t_3} = Q_t$$

$$Q_{t_1} = \alpha_1 S (t_1 - t_{s1})$$

$$Q_{t_2} = \lambda/d S (t_{s1} - t_{s2})$$

$$Q_{t_3} = \alpha_2 S (t_{s2} - t_2)$$

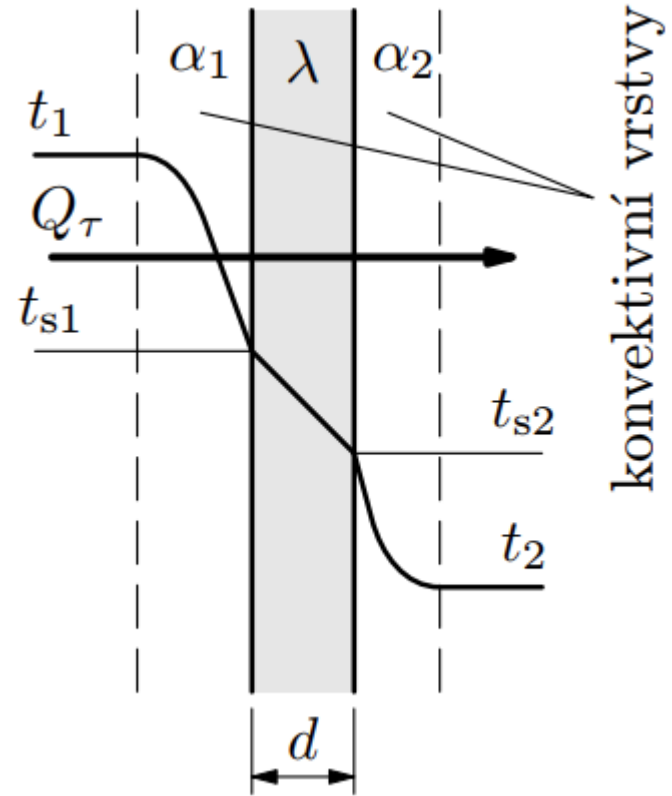
$$t_1 - t_{s1} = Q_t / (\alpha_1 S)$$

$$t_{s1} - t_{s2} = Q_t d / \lambda S$$

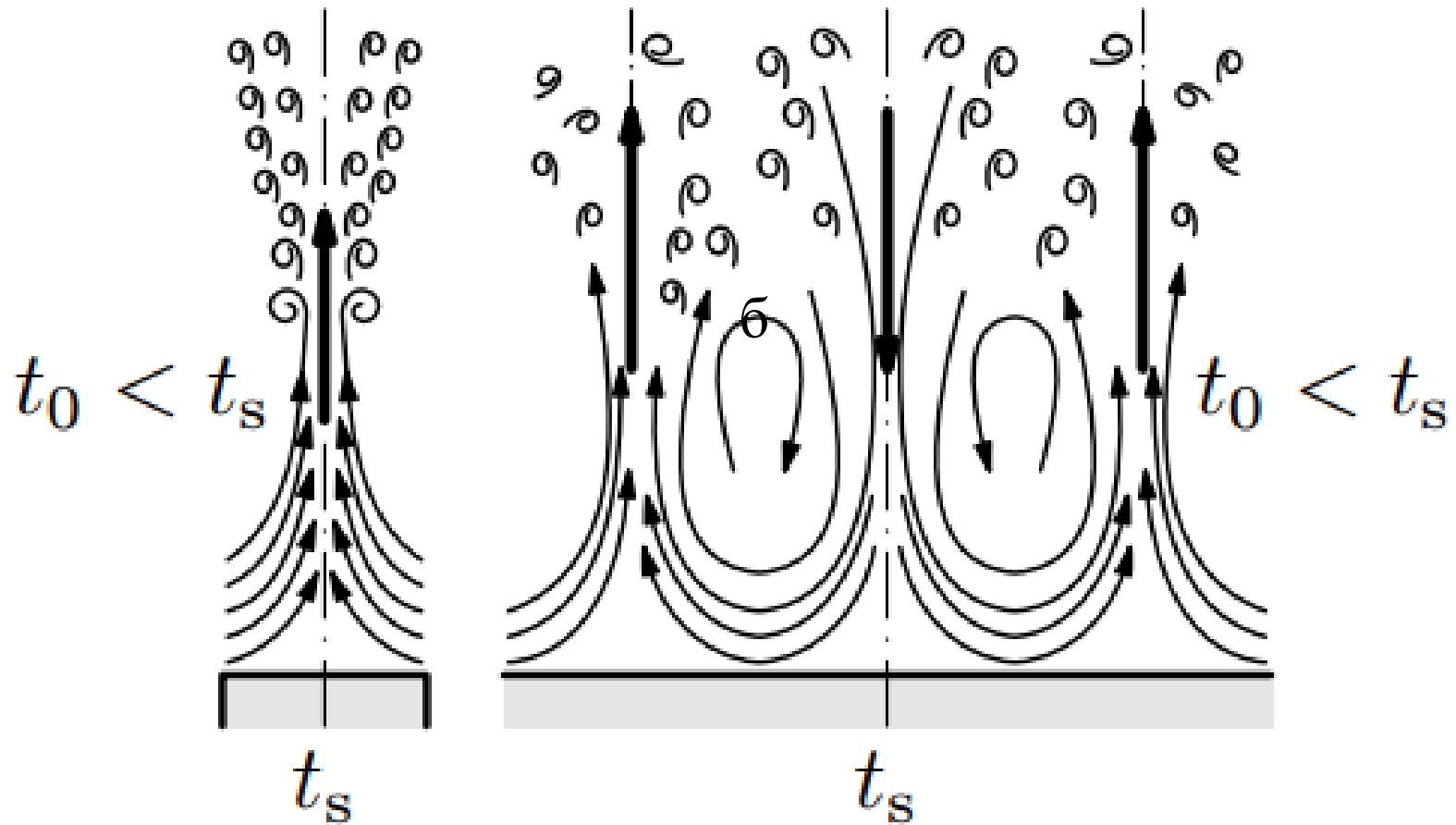
....

$$t_1 - t_2 = Q_t / S (1/\alpha_1 + 1/\lambda + 1/\alpha_2)$$

$$k = 1 / (1/\alpha_1 + 1/\lambda + 1/\alpha_2) \quad \dots \text{ Celková tepelná vodivost stěny}$$

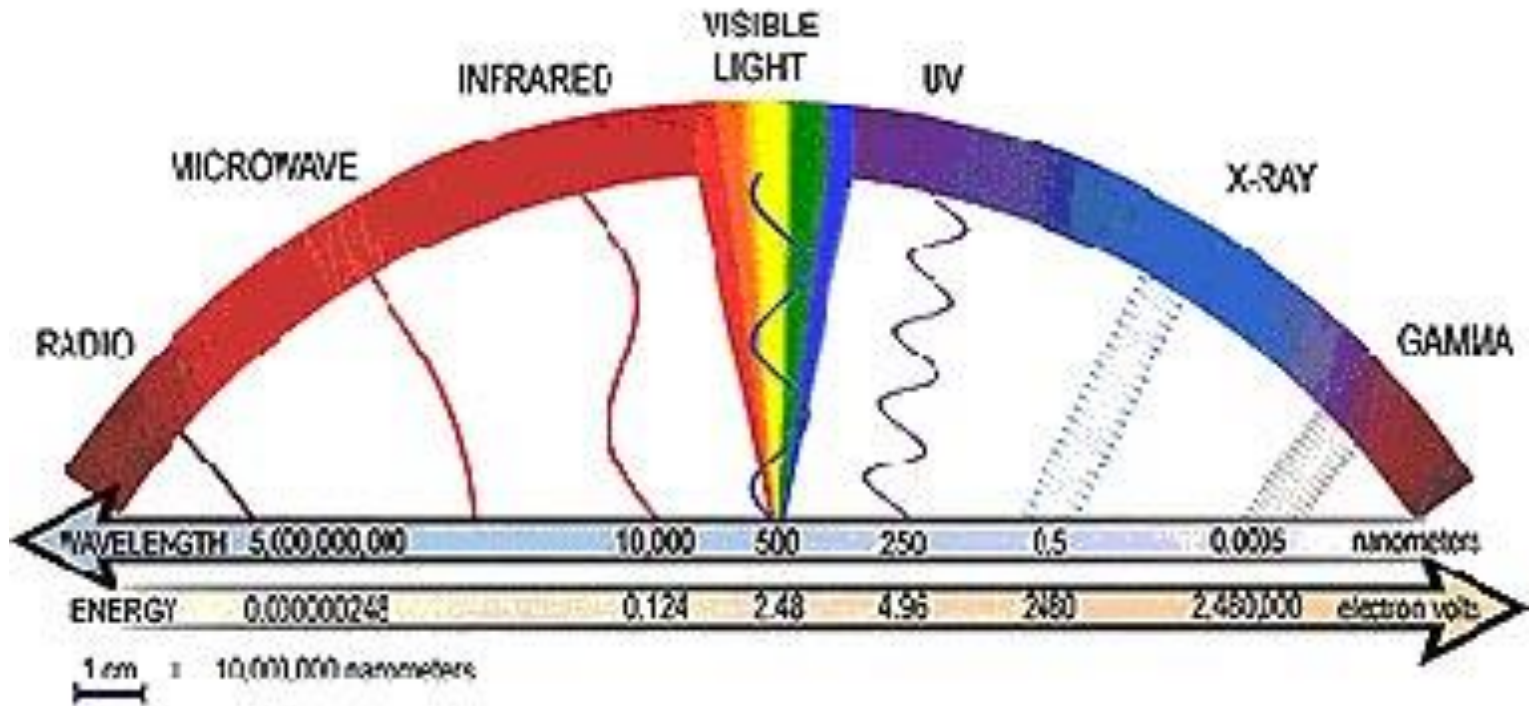


# Přenos tepla - proudění



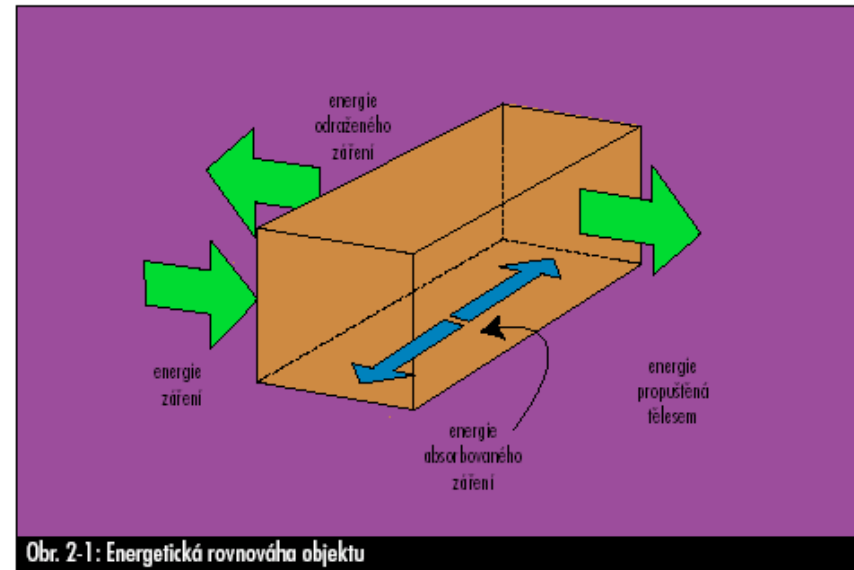
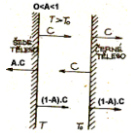


# Elektromagnetické záření



# Přenos tepla radiací - zákony

- Kirchhoffův zákon
- $C/A = C_1/A_1 = C_0$
- Poměr sálavosti a pohltivosti tepelného záření je pro všechna tělesa při téže teplotě stejné a rovná se sálavosti černého tělesa
- $1 = \alpha + \rho + \tau$
- $1 = \alpha + \rho + \tau$
- Absorpce, reflexe, transmise



# Přenos tepla radiací - zákony

- *Planckův zákon*
- *Molekuly nevyzařují energii spojitě ale po dávkách, kvantech*
- $E = h \cdot f = h \cdot c/\lambda$

# Přenos tepla radiací – sáláním - pro textilní vrstvu

Měrný tepelný tok  $q$  [ $\text{W}/\text{m}^2$ ]

## STEPHAN - BOLTZMANNŮV ZÁKON

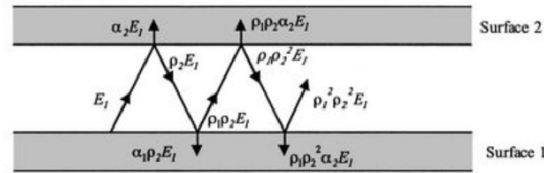
$$q = \sigma \cdot (T_1^4 - T_2^4) / [(1/\varepsilon_1) + (1/\varepsilon_2) - 1]$$

- pro vrstvy oblečení

$$q = \sigma \cdot \varepsilon (T_1^4 - T_2^4)$$

- pro objekt a vzdálené okolí

- $\sigma$  - Stephan-Boltzmannova konstanta  $5,57 \cdot 10^{-8} \text{ W}/\text{m}^2\text{K}^4$
- $\varepsilon$  - emisivita (0 až 1 ( černé těleso))



**Figure 19.5:** Path of a photon between two gray surfaces

Consider the two infinite gray surfaces shown in Figure 19.5. We suppose that the surfaces are thick enough so that  $\alpha + \rho = 1$  (no radiation transmitted [transmittance = 0]). Consider a photon emitted from Surface 1 (remembering that the reflectance  $\rho = 1 - \alpha$ ):

Surface 1 emits	$E_1$
Surface 2 absorbs	$E_1 \alpha_2$
Surface 2 reflects	$E_1 (1 - \alpha_2)$
Surface 1 absorbs	$E_1 (1 - \alpha_2) \alpha_1$
Surface 1 reflects	$E_1 (1 - \alpha_2) (1 - \alpha_1)$
Surface 2 absorbs	$E_1 (1 - \alpha_2) (1 - \alpha_1) \alpha_2$
Surface 2 reflects	$E_1 (1 - \alpha_2) (1 - \alpha_1) (1 - \alpha_2)$
Surface 1 absorbs	$E_1 (1 - \alpha_2) (1 - \alpha_1) (1 - \alpha_2) \alpha_1$
...	

The same can be said for a photon emitted from Surface 2:

Surface 2 emits	$E_2$
Surface 1 absorbs	$E_2 \alpha_1$
Surface 1 reflects	$E_2 (1 - \alpha_1)$
Surface 2 absorbs	$E_2 (1 - \alpha_1) \alpha_2$
Surface 2 reflects	$E_2 (1 - \alpha_1) (1 - \alpha_2)$

We can add up all the energy  $E_1$  absorbed in 1 and all the energy  $E_2$  absorbed in 2. In doing the bookkeeping, it is helpful to define  $\beta = (1 - \alpha_1)(1 - \alpha_2)$ . The energy  $E_1$  absorbed in 1 is

$$E_1(1 - \alpha_2)\alpha_1 + E_1(1 - \alpha_2)\alpha_1(1 - \alpha_2)(1 - \alpha_1) + \dots$$

This is equal to

$$E_1(1 - \alpha_2)\alpha_1(1 + \beta + \beta^2 + \dots).$$

However

$$\frac{1}{1 - \beta} = (1 - \beta)^{-1} = 1 + \beta + \beta^2 + \dots$$

We thus observe that the radiation absorbed by surface 1 can be written as

$$\frac{E_1(1 - \alpha_2)\alpha_1}{1 - \beta}.$$

Likewise

$$\frac{E_2(1 - \alpha_1)\alpha_2}{1 - \beta}$$

is the radiation generated at 2 and absorbed there as well. Putting this all together we find that

$$E_2 - \left( \frac{E_2(1 - \alpha_1)\alpha_2}{1 - \beta} \right) = \frac{E_2\alpha_1}{1 - \beta}$$

is absorbed by 1. The net heat flux from 1 to 2 is

$$\begin{aligned} \dot{q}_{\text{net } 1 \text{ to } 2} &= E_1 - \frac{E_1(1 - \alpha_2)\alpha_1}{1 - \beta} - \frac{E_2\alpha_1}{1 - \beta} \\ &= \frac{E_1 - E_1(1 - \alpha_1 - \alpha_2 + \alpha_1\alpha_2) - E_1\alpha_1 + E_1\alpha_1\alpha_2 - E_2\alpha_1}{1 - (1 - \alpha_1 - \alpha_2 + \alpha_1\alpha_2)} \end{aligned}$$

or

$$\dot{q}_{\text{net } 1 \text{ to } 2} = \frac{E_1\alpha_2 - E_2\alpha_1}{\alpha_1 + \alpha_2 - \alpha_1\alpha_2}.$$

If  $T_1 = T_2$  , we would have  $\dot{q} = 0$  , so from Equation 19.2,

$$\frac{E_1}{\alpha_1} = \frac{E_2}{\alpha_2} = f(T).$$

If body 2 is black,  $\alpha_2 = 1$  , and  $E_2 = \sigma T^4$  .

$$\frac{E_1}{\alpha_1} = \sigma T^4,$$

$$\frac{\varepsilon_1 \sigma T^4}{\alpha_1} = \sigma T^4.$$

Therefore, again,  $\varepsilon_1 = \alpha_1$  for any gray surface (Kirchhoff's Law).

Using Kirchhoff's Law we find,

$$\dot{q}_{\text{net 1 to 2}} = \frac{\varepsilon_1 \sigma T_1^4 \varepsilon_2 - \varepsilon_2 \sigma T_2^4 \varepsilon_1}{\varepsilon_1 + \varepsilon_2 - \varepsilon_1 \varepsilon_2},$$

or, as the final expression for heat transfer between gray, planar, surfaces,

$$\dot{q}_{\text{net 1 to 2}} = \frac{\sigma(T_1^4 - T_2^4)}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{1}{\varepsilon_2} - 1}$$

## 19.3.1 Example 1: Use of a thermos bottle to reduce heat transfer

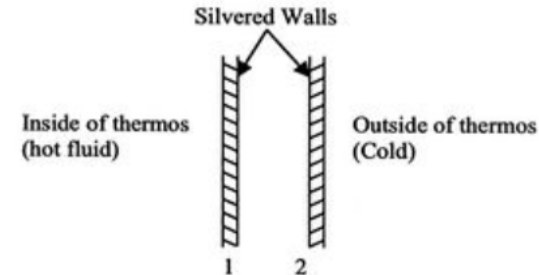


Figure 19.6: Schematic of a thermos wall

$\varepsilon_1 = \varepsilon_2 = 0.02$  for silvered walls.  $T_1 = 100^\circ\text{C} = 373\text{ K}$  ;  $T_2 = 20^\circ\text{C} = 293\text{ K}$  .

$$\begin{aligned}\dot{q}_{\text{net 1 to 2}} &= \frac{\sigma(T_1^4 - T_2^4)}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{1}{\varepsilon_2} - 1} = \dot{q}_{\text{net 1 to 2}} \\ &= \frac{(5.67 \times 10^{-8} \text{ W/m}^2\text{K}^4)((373 \text{ K})^4 - (293 \text{ K})^4)}{\frac{1}{0.02} + \frac{1}{0.02} - 1} = 6.9 \text{ W/m}^2.\end{aligned}$$

For the same  $\Delta T$  , if we had cork insulation with  $k = 0.04 \text{ W/m-K}$  , what thickness would be needed?

$\dot{q} = \frac{k\Delta T}{L}$  so a thickness  $L = \frac{k\Delta T}{\dot{q}} = \frac{(0.04 \text{ W/m-K})(80 \text{ K})}{6.9 \text{ W/m}^2} = 0.47 \text{ m}$  would be needed! The thermos is indeed a good insulator.



## 19.4 Radiation Heat Transfer Between Black Surfaces of Arbitrary Geometry

In general, for any two objects in space, a given object 1 radiates to object 2, and to other places as well, as shown in Figure 19.10.

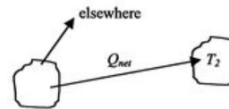


Figure 19.10: Radiation between two bodies

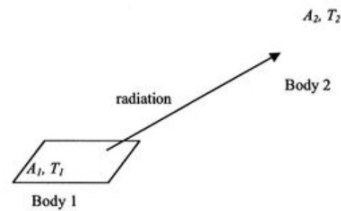


Figure 19.11: Radiation between two arbitrary surfaces

We want a general expression for energy interchange between two surfaces at different temperatures. This is given by the radiation **shape factor** or **view factor**,  $F_{i-j}$ . For the situation in Figure 19.11,

$F_{1-2}$  = fraction of energy leaving 1 which reaches 2

$F_{2-1}$  = fraction of energy leaving 2 which reaches 1

$F_{1-2}$ ,  $F_{2-1}$  are functions of geometry only

For body 1, we know that  $E_b$  is the emissive power of a black body, so the energy leaving body 1 is  $E_{b1}A_1$ . The energy leaving body 1 and arriving (and being absorbed) at body 2 is  $E_{b1}A_1F_{1-2}$ . The energy leaving body 2 and being absorbed at body 1 is  $E_{b2}A_2F_{2-1}$ . The net energy interchange from body 1 to body 2 is

$$E_{b1}A_1F_{1-2} - E_{b2}A_2F_{2-1} = \dot{Q}_{1-2}. \quad (19.4)$$

Suppose both surfaces are at the same temperature so there is no net heat exchange. If so,

$$E_{b1} A_1 F_{1-2} - E_{b2} A_2 F_{2-1} = 0,$$

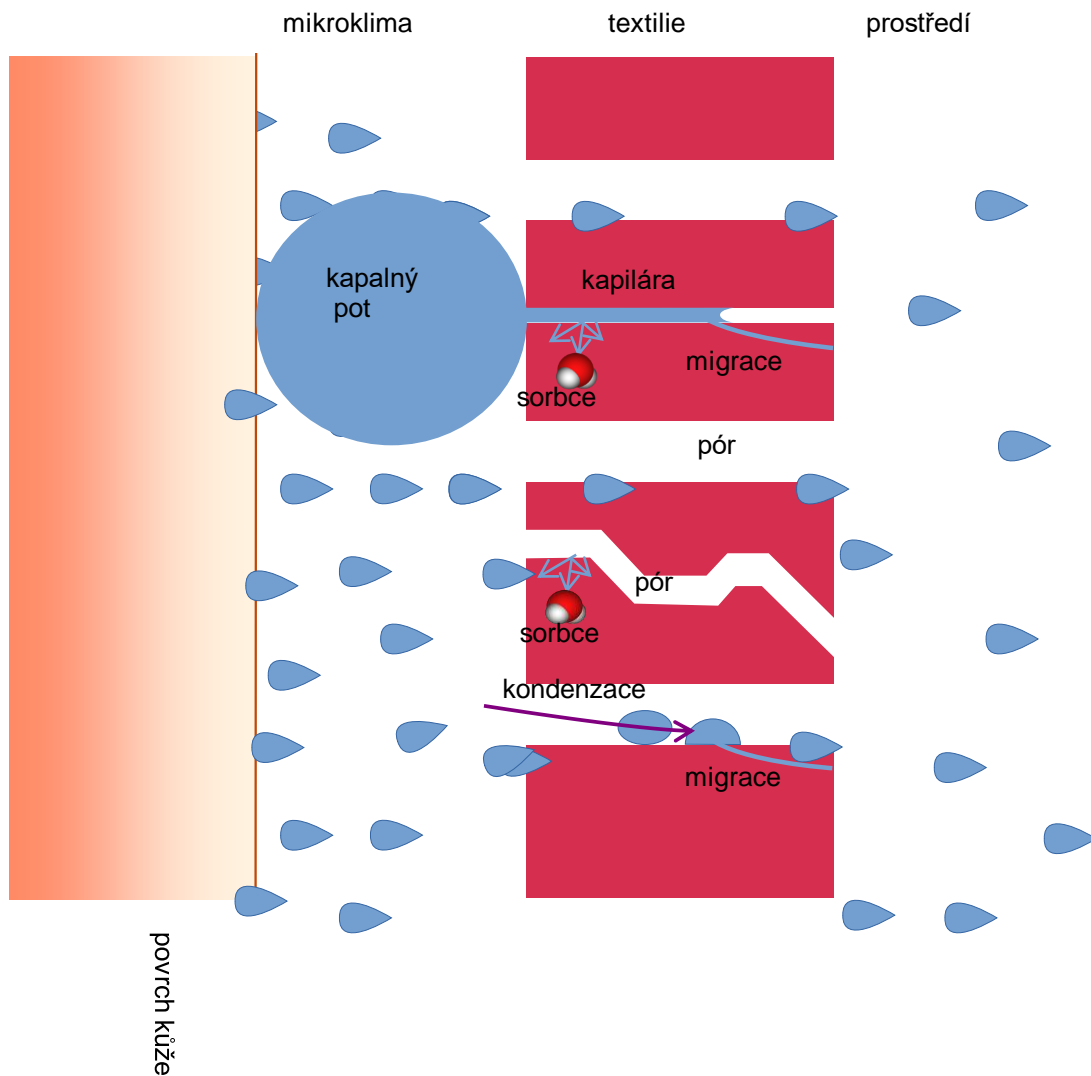
but also  $E_{b1} = E_{b2}$  . Thus

$$A_1 F_{1-2} = A_2 F_{2-1}.$$

Equation (19.4) is the **shape factor reciprocity relation**. The net heat exchange between the two surfaces is

$$\dot{Q}_{1-2} = A_1 F_{1-2} (E_{b1} - E_{b2}) \quad [\text{or} \quad A_2 F_{2-1} (E_{b1} - E_{b2})].$$

# Přenos tepla evaporací – odpařováním potu



**paropropustnost**  
(odpařovací odpor)

$r$  [Pa.m<sup>2</sup>/W]

Závisí na měrném  
výparném teple  
a na  
rozdílu parciálních  
tlaků vodní páry

# Přenos tepla respirací– dýcháním

- Způsoben rozdílem energie vdechnutých a vydechnutých vodních par

**Přenos a způsob přenosu tepla ovlivňuje:****Odvod a způsob odvodu vlhkosti ovlivňuje:**

chemická podstata vlákn	$\lambda$ vlákna (záření + vedení)	sorbce +
tvár vlákna	+ lesk/mat	kapilarita závislá na smáčivosti vláken migrace +
vlastnosti textilie	+ $\lambda$ vzduchu v mezerách mezi vlákny tloušťka textilie +	velikost kapilár a pórů v textili tloušťka textilie hydrofilnost/hydrofobita +
vlastnosti oděvu	přiléhavost/přítomnost a velikost vzduchových mezer (+ proudění), $\alpha$ počet a překrývání vrstev (každá vrstva může násobit vlivy uvedené výše) + tvar a velikost těla	přiléhavost/přítomnost a velikost vzduchových mezer (+ proudění), $\alpha$ počet a překrývání vrstev (každá vrstva může násobit vlivy uvedené výše) hydrofobní/hydrofilní +
člověk	pohyb těla (množství vydaného tepla a vliv pohybu na velikost a chování vzduchových mezer) záření těla +	tvar a velikost těla pohyb těla (množství vydaného potu a vliv pohybu na velikost a chování vzduchových mezer)
prostředí	teplota okolního vzduchu tlak okolního vzduchu	+ vlhkost okolního vzduchu tlak par +
manekýn	záření prostředí	+ tvar a velikost povrch/použití „kůže“ a její vlastnosti způsob dodání vlhkosti metoda měření odpařovacího odporu (úbytek vlhkost/úbytek tepla) schopnost dodržet izotermické podmínky rychlost dodávání potu rychlost chůze

Konec