

Nové možnosti rozvoje vzdělávání na Technické univerzitě v Liberci

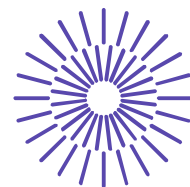
Specifický cíl A3: Tvorba nových profesně zaměřených studijních programů

NPO_TUL_MSMT-16598/2022



Téma 9: Příklad 2 – Korelační analýza

Ing. Vladimíra Hovorková Valentová, Ph.D.



Zadání příkladu:

Máme zadány tyto údaje o proměnných x a y :

x_i	5	5	7	8	9	9	11	12	14	15
y_i	25	23	22	22	20	19	19	17	16	16

Vypočtete rovnice sdružených regresních přímek a interpretujte hodnoty obou sdružených regresních koeficientů. Dále vypočítejte hodnotu korelačního koeficientu a koeficientu determinace – obě hodnoty interpretujte. Ověřte významnost koeficientu korelace pomocí vhodného testu na hladině významnosti 5 %.

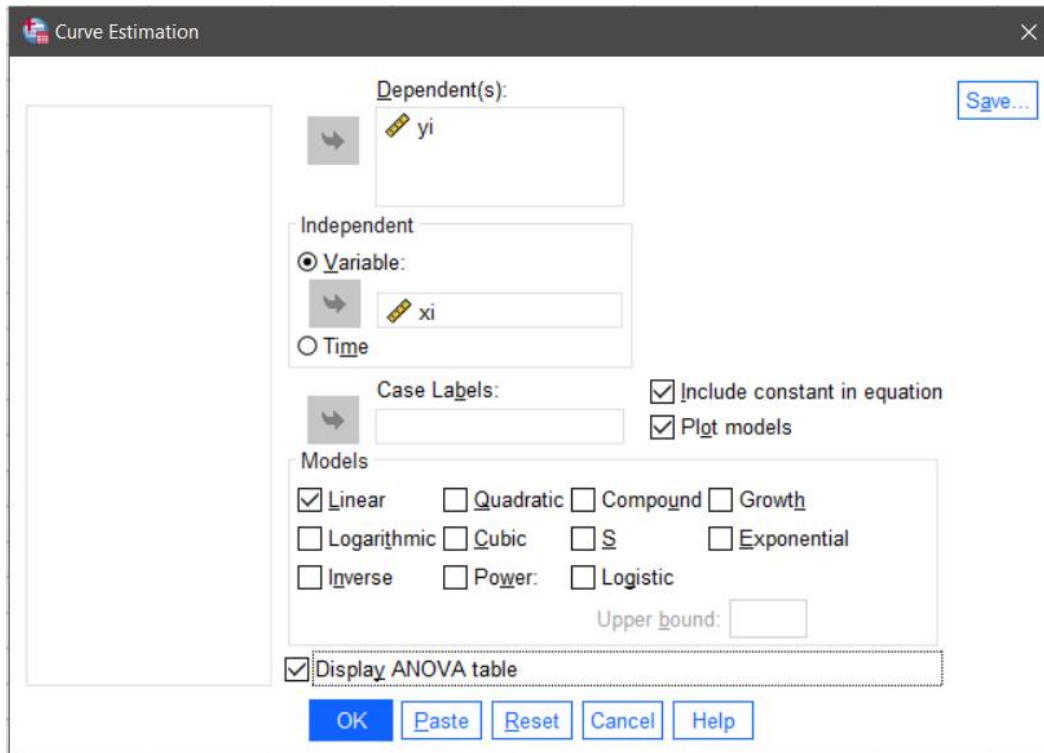
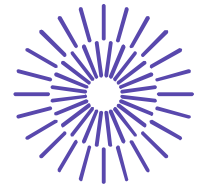
Řešení příkladu:

Vzhledem k vyšší časové náročnosti všech výpočtů je příklad řešen jen prostřednictvím programu SPSS. Data o proměnných x a y zadáme do dvou samostatných sloupců:

x_i	y_i
5	25
5	23
7	22
8	22
9	20
9	19
11	19
12	17
14	16
15	16

Pro výpočet rovnic sdružených regresních přímek zvolíme **Analyze – Regression – Curve Estimation**.

Pokud budeme nejprve konstruovat přímku, která popisuje závislost proměnné y na proměnné x (tj. y vystupuje jako závisle proměnná, x jako nezávisle proměnná), vyplníme vstupní panel následovně:

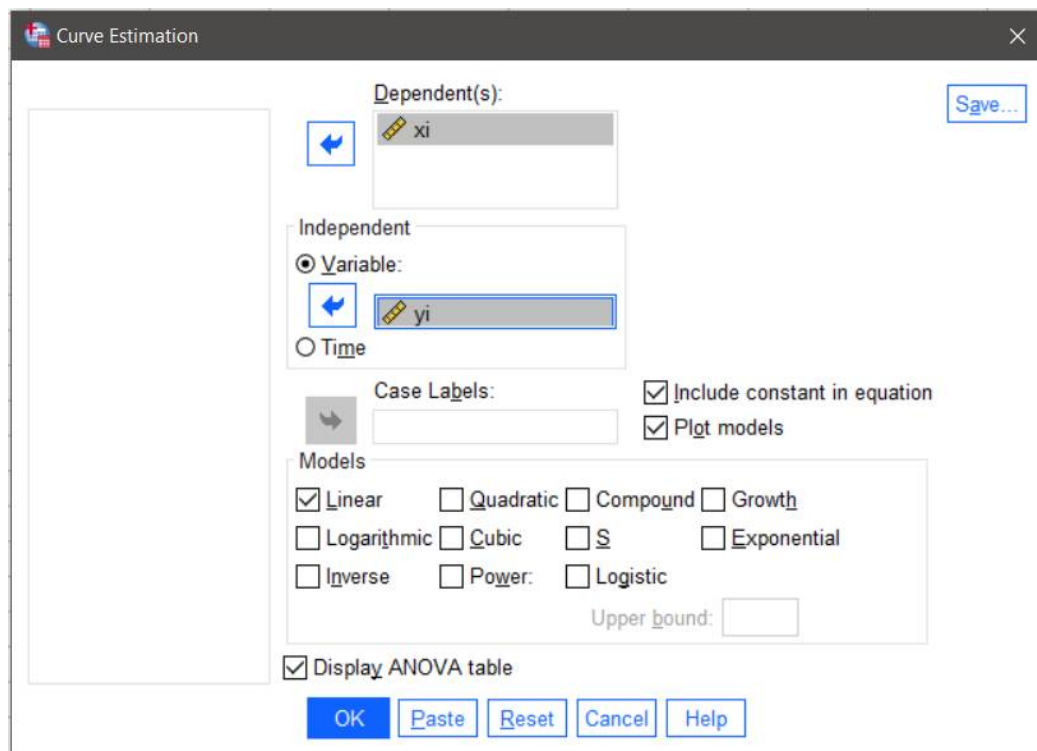
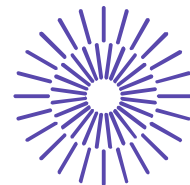


Odhady parametrů přímky popisující závislost y na x najdeme v této tabulce (sloupec označený jako B), která je součástí výstupu:

Coefficients					
	Unstandardized Coefficients		Standardized	t	Sig.
	B	Std. Error	Coefficients Beta		
xi	-,853	,083	-,964	-10,220	<,001
(Constant)	27,999	,839		33,380	<,001

Na základě těchto údajů zkonstruujeme regresní přímku: $Y = 27,999 - 0,853x$.

Nyní přistoupíme ke konstrukci regresní přímky, která popisuje závislost proměnné x na proměnné y (tj. x vystupuje v roli závisle proměnné, y v roli nezávisle proměnné). Opět vybereme posloupnost procedur **Analyze – Regression – Curve Estimation** a vstupní panel vyplníme takto:



Odhady parametrů přímky popisující závislost x na y najdeme v této tabulce (sloupec označený jako B), která je součástí výstupu:

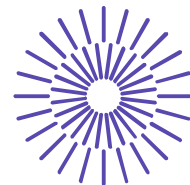
Coefficients					
	Unstandardized Coefficients		Standardized	t	Sig.
	B	Std. Error	Beta		
yi	-1,090	,107	-,964	-10,220	<,001
(Constant)	31,181	2,144		14,542	<,001

Na základě těchto údajů zkonstruujeme regresní přímku: $X = 31,181 - 1,090y$.

Rovnice sdružených regresních přímek, které popisují vzájemnou závislost proměnných x a y , jsou

tedy: $Y = 27,999 - 0,853x$

$X = 31,181 - 1,090y$



Hodnotu *koeficientu determinace* najdeme ve výstupu předchozích procedur v této tabulce, je označený jako R square:

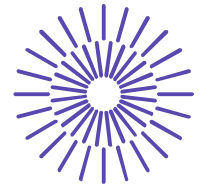
Model Summary			
R	R Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
,964	,929	,920	,982

The independent variable is yi.

$r_{yx}^2 = 0,926 \rightarrow 92,6\%$ z celkové variability závisle proměnné je možné vysvětlit příslušnou regresní přímkou,

Hodnotu *korelačního koeficientu* a test jeho významnosti najdeme v posloupnosti procedur **Analyze – Correlate – Bivariate**. Vstupní panel je potřeba vyplnit takto:

The screenshot shows the 'Bivariate Correlations' dialog box. The 'Variables' list contains 'xi' and 'yi'. The 'Correlation Coefficients' section has 'Pearson' checked. The 'Test of Significance' section has 'Two-tailed' selected. The 'Show diagonal' checkbox is checked. Buttons for 'Options...', 'Style...', 'Bootstrap...', 'Confidence interval...', 'OK', 'Paste', 'Reset', 'Cancel', and 'Help' are visible.



Výstupem této procedury je následující korelační matice, která obsahuje všechny potřebné hodnoty:

Correlations

		xi	yi
xi	Pearson Correlation	1	-.964**
	Sig. (2-tailed)		<,001
	N	10	10
yi	Pearson Correlation	-.964**	1
	Sig. (2-tailed)	<,001	
	N	10	10

** . Correlation is significant at the 0.01 level (2-tailed).

Hodnota výběrového korelačního koeficientu r_{yx} je rovna -0,964 a najdeme ji v řádku označeném jako Pearson Correlation (zelená barva). Abychom zjistili, zda je koeficient korelace statisticky významný i v základním souboru, je potřeba provést test jeho významnosti:

- 1) $H_0: \rho_{yx} = 0$
 $H_1: \rho_{yx} \neq 0$
- 2) Sig. = 0,000007 (Sig. najdeme v tabulce výše, označena žlutě – vidíme, že je velmi malá, menší než 0,001 a pokud chceme znát její konkrétní hodnotu, na tabulku 2x klikneme a potom 2x klikneme i na hodnotu Sig.)

Pivot Table Correlations

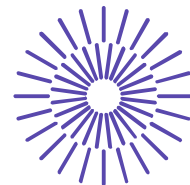
File Edit View Insert Pivot Format Help

SansSerif 9 A+ A+ B I U

Correlations

		xi	yi
xi	Pearson Correlation	1	-.964**
	Sig. (2-tailed)		0.000007
	N	10	10
yi	Pearson Correlation	-.964**	1
	Sig. (2-tailed)	<,001	
	N	10	10

** . Correlation is significant at the 0.01 level (2-tailed).



3) Sig. $< \alpha \rightarrow$ zamítáme H_0 , přijímáme H_1 .

Na hladině významnosti 5 % jsme prokázali, že proměnné jsou lineárně závislé (korelované). Závislost je velmi silná, nepřímá (to nám říká hodnota koeficientu korelace).